

Institut für Technische Verbrennung  
Univ.-Prof. Dr.-Ing. H. Pitsch

– **Musterlösung** –

**Thermodynamik I**

**WS 2014/2015**

Aachen, den 11. März 2015

**Bachelorprüfung**

# 1 Aufgabe (13 Punkte)

(a) Berechnung der Temperatur am Turbinenaustritt (K)

7 Pkt.

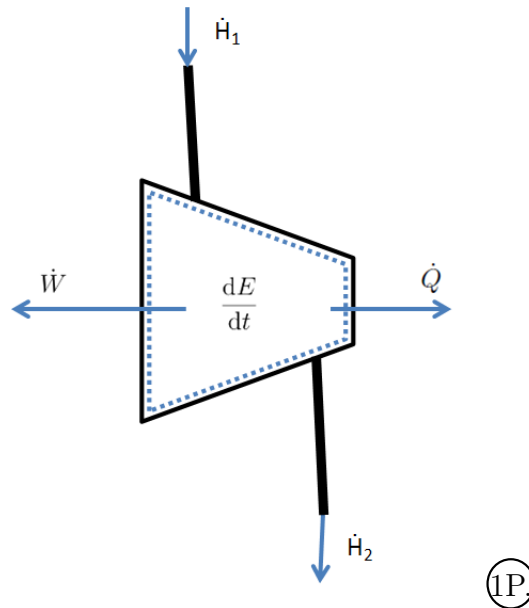
Zustand 1:  $T_1 = 2500 \text{ K}$ ,  $v_1 = 81 \text{ m/s}$

Zustand 2:  $v_2 = 81 \text{ m/s}$

Zustand 3:  $v_3 = 476 \text{ m/s}$ ,  $p_3 = 100 \text{ kPa}$

$\dot{m} = 0,1 \text{ kg/s}$ ,  $M = 28,7 \text{ kg/kmol}$ ,  $\kappa = 1,4$ ,  $\dot{W}_{12} = 120 \text{ kW}$

$\dot{Q}_{12} = 20 \text{ kW}$ ,  $D = 20 \text{ mm}$



$$R_M = \frac{R}{M} = \frac{8,3143 \text{ kJ}/(\text{kmolK})}{28,7 \text{ kg/kmol}} = 0,2897 \text{ kJ}/(\text{kgK}) \quad (1P.)$$

$$c_p = \frac{\kappa}{\kappa - 1} R_M \quad (1P.) = \frac{1,4}{0,4} \times 0,2897 \text{ kJ}/(\text{kgK})$$

$$= 1.014 \text{ kJ}/(\text{kgK}) \quad (1P.)$$

$$\frac{dE}{dt} = \dot{H}_1 - \dot{H}_2 - \dot{W}_{12} - \dot{Q}_{12} \stackrel{!}{=} 0 \quad (1P.)$$

$$0 = \dot{m}c_p(T_1 - T_2) - \dot{W}_{12} - \dot{Q}_{12} \quad (1P.)$$

$$T_2 = T_1 - \frac{\dot{W}_{12} + \dot{Q}_{12}}{\dot{m}c_p}$$

$$= 2500 \text{ K} - \frac{120 \text{ kW} + 20 \text{ kW}}{0,1 \text{ kg} \times 1,014 \text{ kJ}/\text{kg}}$$

$$= 1119.33 \text{ K} \quad (1P.)$$

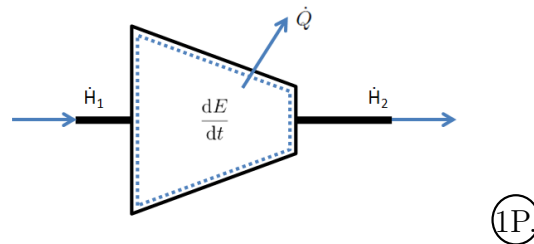
(b) Berechnung der Temperatur am Düsenaustritt (K)

2 Pkt.

$$\begin{aligned}
 p_3 \dot{V}_3 &= \dot{m}_3 R_M T_3 \quad (1P.) \\
 T_3 &= \frac{p_3 \dot{V}_3}{\dot{m}_3 R_M} = \frac{p_3 \left(\frac{D}{2}\right)^2 \pi v_3}{\dot{m}_3 R_M} \\
 &= \frac{100 \text{ kPa} \times \left(\frac{0,02\text{m}}{2}\right)^2 \times \pi \times 426 \text{ m/s}}{0,1 \text{ kg/s} \times 0,2897 \text{ kJ/(kgK)}} \\
 &= 516,2 \text{ K} \quad (1P.)
 \end{aligned}$$

(c) Berechnung des Wärmestroms  $\dot{Q}_{23}$  (kW)

4 Pkt.

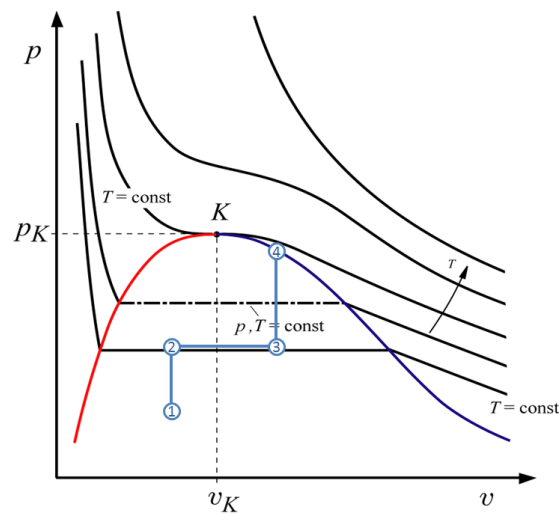


$$\begin{aligned}
 \frac{dE}{dt} &= \dot{H}_{2,t} - \dot{H}_{3,t} - \dot{Q}_{23} \stackrel{!}{=} 0 \quad (1P.) \\
 0 &= \dot{m}(c_p(T_2 - T_3) + \frac{1}{2}v_2^2 - \frac{1}{2}v_3^2) - \dot{Q}_{23} \quad (1P.) \\
 \dot{Q}_{23} &= 0,1 \text{ kg/s} \times (1,014 \text{ kJ/(kgK)} \times (1119,33 - 516,2) \text{ K} \\
 &\quad + \frac{1}{2}((81 \text{ m/s})^2 - (476 \text{ m/s})^2)) \\
 &= 50,157 \text{ kW} \quad (1P.)
 \end{aligned}$$

## 2 Aufgabe (25 Punkte)

(a) Skizze des  $p$ - $v$ -Diagramms

4 Pkt.



Richtige Achsenbeschriftung und Sättigungslinie (1P.)  
 Richtiger Verlauf von 1→2, 2→3, 3→4 jeweils (1P.)

(b) Berechnung der Wassermasse (kg)

4 Pkt.

Zustand 1 (Ursprung):  $V_1 = 0,4 \text{ m}^3$ ,  $T_1 = 100^\circ\text{C}$ ,  $x_1 = 0,25$ ,  
 Zustand 2 (Erste Kolbenbewegung):  $V_2 = V_1 = 0,4 \text{ m}^3$ ,  $p_2 = 200 \text{ bar}$ ,  
 Zustand 3 (Kolben an oberer Barriere angekommen):  $p_3 = 200 \text{ kPa}$ ,  
 Zustand 4 (Endzustand):  $V_4 = V_3$ ,  $x_4 = 1$ ,  $p_4 = 300 \text{ kPa}$ .

$$\left. \begin{aligned} \nu_1'(100^\circ\text{C}) &= 0,001044 \text{ m}^3/\text{kg} \\ \nu_1''(100^\circ\text{C}) &= 1,6729 \text{ m}^3/\text{kg} \end{aligned} \right\} (1\text{P.})$$

$$\begin{aligned} \nu_1 &= (1-x)\nu_1' + x\nu_1'' (1\text{P.}) \\ &= 0,75 \times 0,001044 \text{ m}^3/\text{kg} + 0,25 \times 1,6729 \text{ m}^3/\text{kg} \\ &= 0,419 \text{ m}^3/\text{kg} (1\text{P.}) \end{aligned}$$

$$m_1 = \frac{V_1}{\nu_1} = \frac{0,4 \text{ m}^3}{0,419 \text{ m}^3/\text{kg}} = 0,955 \text{ kg} (1\text{P.})$$

(c) Berechnung von  $T_2$

3 Pkt.

$$\nu_2 = \nu_1 = 0,419 \text{ m}^3/\text{kg} (1\text{P.})$$

$$\left. \begin{aligned} \nu'(200 \text{ kPa}) &= 0,00106 \text{ m}^3/\text{kg} \\ \nu''(200 \text{ kPa}) &= 0,8857 \text{ m}^3/\text{kg} \end{aligned} \right\}$$

→  $\nu_2$  liegt im Nassdampfbereich (1P.)

$$T_2 = T_{\text{sat}}(200 \text{ kPa}) = 120,23^\circ\text{C} (1\text{P.})$$

(d) Berechnung von  $V_3$ 

2 Pkt.

$$\nu_4 = \nu''(300 \text{ kPa}) = 0,6058 \text{ m}^3/\text{kg} \quad (1\text{P.})$$

$$\begin{aligned} V_4 &= m\nu_4 = 0,955 \text{ kg} \times 0,6058 \text{ m}^3/\text{kg} \quad (1\text{P.}) \\ &= 0,5785 \text{ m}^3 \end{aligned}$$

(e) Berechnung von  $Q_{14}$ 

5 Pkt.

$$\begin{aligned} \Delta U &= W + Q_{14} \quad (1\text{P.}) \\ U_4 - U_1 &= - \int_1^4 p dV + Q_{14} \\ Q_{14} &= U_4 - U_1 + \int_1^4 p dV \end{aligned}$$

Da  $\nu_4 = \nu_3$  und  $\nu_1 = \nu_2$  gilt:

$$\rightarrow \int_1^4 p dV = \int_2^3 p dV \quad (1\text{P.})$$

$$\Rightarrow Q_{14} = m(u_4 - u_1) + \int_2^3 p dV$$

$$u'(100^\circ\text{C}) = 418,94 \text{ kJ/kg}$$

$$u''(100^\circ\text{C}) = 2506,5 \text{ kJ/kg}$$

$$\begin{aligned} u_1 &= (1-x)u'(100^\circ\text{C}) + xu''(100^\circ\text{C}) \\ &= (0,75 \times 418,94 + 0,25 \times 2506,5) \text{ kJ/kg} \\ &= 940,875 \text{ kJ/kg} \quad (1\text{P.}) \end{aligned}$$

$$u_4 = 2543,6 \text{ kJ/kg}$$

$$\begin{aligned} Q_{14} &= 0,955 \text{ kg} \times (2543,6 - 940,875) \text{ kJ/kg} + 200 \text{ kPa} \times (0,5785 - 0,4) \text{ m}^3 \\ &= 1566,3 \text{ kJ} \quad (2\text{P.}) \end{aligned}$$

(f) Berechnung der Entropieproduktion  $S_{irr,23}$ 

7 Pkt.

$$s = (1-x)s' + xs''$$

$$\left. \begin{aligned} x_3 &= \frac{\nu_3 - \nu_2'}{\nu_2'' - \nu_2'} = \frac{(0,6058 - 0,001601) \text{ m}^3/\text{kg}}{(0,8857 - 0,001601) \text{ m}^3/\text{kg}} \\ &= 0,6834 \\ x_2 &= \frac{(0,419 - 0,001601) \text{ m}^3/\text{kg}}{(0,8857 - 0,001601) \text{ m}^3/\text{kg}} \\ &= 0,4721 \end{aligned} \right\} (1\text{P.})$$

$$s'(200 \text{ kPa}) = 1,5301 \text{ kJ}/(\text{kgK})$$

$$s''(200 \text{ kPa}) = 7,1271 \text{ kJ}/(\text{kgK})$$

$$\left. \begin{aligned} s_3 &= (1 - 0,6834) \times 1,5301 \text{ kJ}/(\text{kgK}) + 0,6834 \times 7,1271 \text{ kJ}/(\text{kgK}) \\ &= (0,4844 + 4,8707) \text{ kJ}/(\text{kgK}) \\ &= 5,3551 \text{ kJ}/(\text{kgK}) \\ s_2 &= (1 - 0,4721) \times 1,5301 \text{ kJ}/(\text{kgK}) + 0,4721 \times 7,1271 \text{ kJ}/(\text{kgK}) \\ &= (0,80774 + 3,35686) \text{ kJ}/(\text{kgK}) \\ &= 4,1646 \text{ kJ}/(\text{kgK}) \end{aligned} \right\} \textcircled{1P.}$$

$$u'(200 \text{ kPa}) = 504,49 \text{ kJ}/\text{kg}$$

$$u''(200 \text{ kPa}) = 2.529,5 \text{ kJ}/\text{kg}$$

$$\left. \begin{aligned} u_3 &= (1 - 0,6830) \times 504,49 \text{ kJ}/\text{kg} + 0,6834 \times 2.529,5 \text{ kJ}/\text{kg} \\ &= (159,72 + 1728,66) \text{ kJ}/\text{kg} \\ &= 1888,38 \text{ kJ}/\text{kg} \\ u_2 &= (1 - 0,4721) \times 504,49 \text{ kJ}/\text{kg} + 0,4721 \times 2.529,5 \text{ kJ}/\text{kg} \\ &= (266,32 + 1194,17) \text{ kJ}/\text{kg} \\ &= 1460,497 \text{ kJ}/\text{kg} \end{aligned} \right\} \textcircled{1P.}$$

$$\begin{aligned} Q_{23} &= m(u_3 - u_2) + \int_2^3 p dV \\ &= 0,955 \text{ kg} \times (1888,38 - 1460,497) \text{ kJ}/\text{kg} + 200 \text{ kPa} \times (0,5785 - 0,4) \text{ m}^3 \\ &= 408,62 \text{ kJ} + 35,7 \text{ kJ} \\ &= 444,33 \text{ kJ} \textcircled{1P.} \end{aligned}$$

$$T_3 = T_2$$

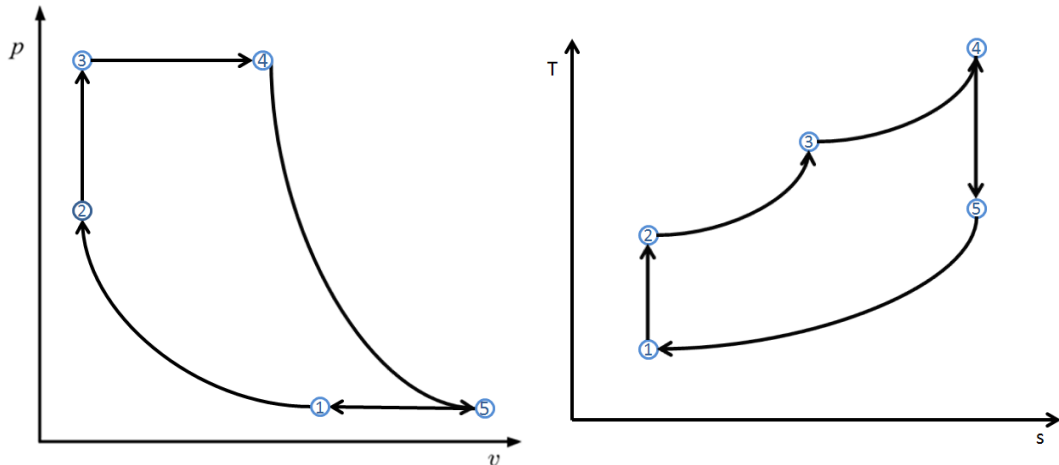
$$\Delta S = S_{irr,23} + S_{q,23} \textcircled{1P.}$$

$$\begin{aligned} S_{irr,23} &= m(s_3 - s_2) - \frac{Q_{23}}{T_2} \textcircled{1P.} \\ &= 0,955 \text{ kg} \times (5,3551 - 4,1646) \text{ kJ}/(\text{kgK}) - 1,1295 \text{ kJ}/\text{K} \\ &= 0,00738 \text{ kJ}/\text{K} \textcircled{1P.} \end{aligned}$$

### 3 Aufgabe (25 Punkte)

(a) Skizze des  $p$ - $v$ -Diagramms und des  $T$ - $s$ -Diagramms

6 Pkt.



Für jeden richtigen Zustandsübergang im Diagramm je 0,5 Punkte  
 Für die richtige Achsbeschriftung im Diagramm je 0,5 Punkte

(b) Berechnung der Temperatur  $T_2$  (K):

6 Pkt.

$$R_M = \frac{R}{M} = \frac{8,31451 \text{ kJ}/(\text{kmolK})}{29,1 \text{ kg}/\text{kmol}} = 0,2857 \text{ kJ}/(\text{kgK}) \quad (1\text{P.})$$

$$\kappa = \frac{c_p}{c_p - R_M} = \frac{1}{1 - 0,2857} = 1,4 \quad (1\text{P.})$$

$$\frac{T_2}{T_1} = \frac{V_1^{\kappa-1}}{V_2} \quad (1\text{P.})$$

$$\begin{aligned} T_2 &= T_1 \cdot \frac{V_1^{\kappa-1}}{V_2} \\ &= 300 \text{ K} \times 8^{(1,4-1)} \\ &= 689,22 \text{ K} \quad (1\text{P.}) \end{aligned}$$

(c) Berechnung der Maximaltemperatur (K)

3 Pkt.

$$\begin{aligned} p_2 &= p_1 \cdot \frac{V_1^\kappa}{V_2} \\ &= 100 \text{ kPa} \cdot 8^{1,4} \\ &= 1837,9 \text{ kPa} \quad (1\text{P.}) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} T_3 &= T_2 \cdot \frac{p_3}{p_2} \\ &= 689,22 \text{ K} \times \frac{4 \text{ MPa}}{1837,9 \text{ kPa}} \\ &= 1500 \text{ K} \quad (1\text{P.}) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 T_4 &= T_3 \cdot \frac{V_4}{V_3} \\
 &= 1500 \text{ K} \times 2 \\
 &= 3000 \text{ K} \quad \textcircled{1P}
 \end{aligned}$$

(d) Berechnung des Volumenverhältnisses  $V_5/V_3$

2 Pkt.

$$\begin{aligned}
 \frac{p_5}{p_4} &= \frac{V_4^\kappa}{V_5^\kappa} \\
 \frac{V_4}{V_5} &= \frac{p_5^{\frac{1}{\kappa}}}{p_4}
 \end{aligned}$$

3  $\rightarrow$  4 : Isobarer Prozess  $p_3 = p_4$

5  $\rightarrow$  1 : Isobarer Prozess  $p_5 = p_1$

$$\begin{aligned}
 \Rightarrow \frac{V_4}{V_5} &= \frac{p_1^{\frac{1}{\kappa}}}{p_3} = \frac{100 \text{ kPa}^{\frac{1}{1,4}}}{4 \text{ MPa}} \\
 &= 0,0717 \quad \textcircled{1P}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \frac{V_5}{V_3} &= \frac{V_5}{V_4} \frac{V_4}{V_3} \\
 &= \frac{2}{0,0717} \\
 &= 27,88 \quad \textcircled{1P}
 \end{aligned}$$

(e) Berechnung des thermischen Wirkungsgrads

10 Pkt.

$$\begin{aligned}
 c_v &= c_p - R_M \\
 &= (1 - 0,2857) \text{ kJ}/(\text{kgK}) \\
 &= 0,7143 \text{ kJ}/(\text{kgK})
 \end{aligned}$$

2  $\rightarrow$  3: Isochorer Prozess

$$\begin{aligned}
 \Delta u_{23} &= q_{23} + w_{23} \quad \textcircled{2P} \\
 \Delta u_{23} &= q_{23} \\
 q_{23} &= c_v(T_3 - T_2) \\
 &= 0,7143 \text{ kJ}/(\text{kgK}) \times (1500 \text{ K} - 689,22 \text{ K}) \\
 &= 578,9 \text{ kJ}/\text{kg} \quad \textcircled{1P}
 \end{aligned}$$

3  $\rightarrow$  4: Isobarer Prozess

$$\begin{aligned}
 \Delta u_{34} &= q_{34} + w_{34} \\
 \Delta u_{34} &= q_{34} - \int_3^4 p dv \\
 q_{34} &= \Delta u_{34} + \int_3^4 p dv = \Delta h_{34} \quad \textcircled{1P} \\
 &= c_p \cdot (T_4 - T_3) \\
 &= 1 \text{ kJ}/(\text{kgK}) \times (3000 \text{ K} - 1500 \text{ K}) \\
 &= 1500 \text{ kJ}/(\text{kg}) \quad \textcircled{1P}
 \end{aligned}$$



Alternativlösung:

$$\begin{aligned}
 q_{34} &= \Delta u_{34} + \int_3^4 p dv \\
 &= c_v(T_4 - T_3) + p_3 \cdot (v_4 - v_3) \\
 &= 0,7143 \text{ kJ}/(\text{kgK}) \times (3000 - 1500) \text{ K} \\
 &\quad + 4 \text{ MPa} \times (0,21525 \text{ m}^3/\text{kg} - 0,107625 \text{ m}^3/\text{kg}) \\
 &= 1500 \text{ kJ}/(\text{kg}) \quad \textcircled{1P}
 \end{aligned}$$

Berechnung von  $v_4$  und  $v_3$  über das ideale Gasgesetz:

$$\begin{aligned}
 v_4 &= \frac{R_M T_4}{p_4} = \frac{0,2857 \text{ kJ}/(\text{kgK}) \times 3000 \text{ K}}{4 \text{ MPa}} \\
 &= 0,21525 \text{ m}^3/\text{kg} \\
 v_3 &= \frac{R_M T_3}{p_3} = \frac{0,2857 \text{ kJ}/(\text{kgK}) \times 1500 \text{ K}}{4 \text{ MPa}} \\
 &= 0,107625 \text{ m}^3/\text{kg} \quad \textcircled{1P}
 \end{aligned}$$

5 → 1: Isobarer Prozess

$$\begin{aligned}
 q_{51} &= \Delta u_{5,1} + \int_1^5 p dv = \Delta h_{51} \quad \textcircled{1P} \\
 &= c_p(T_5 - T_1) \\
 &= 1 \text{ kJ}/(\text{kgK}) \times (1045,7 \text{ K} - 300 \text{ K}) \\
 &= 745,7 \text{ kJ}/\text{kg} \quad \textcircled{1P}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 T_5 &= T_4 \cdot \frac{p_5^{\frac{\kappa-1}{\kappa}}}{p_1} \\
 &= 3000 \text{ K} \cdot \frac{100 \text{ kPa}^{\frac{1,4-1}{1,4}}}{4 \text{ MPa}} \\
 &= 1045,7 \text{ K} \quad \textcircled{1P}
 \end{aligned}$$

$$q_{ab} = q_{51}$$

$$q_{zu} = q_{23} + q_{34}$$

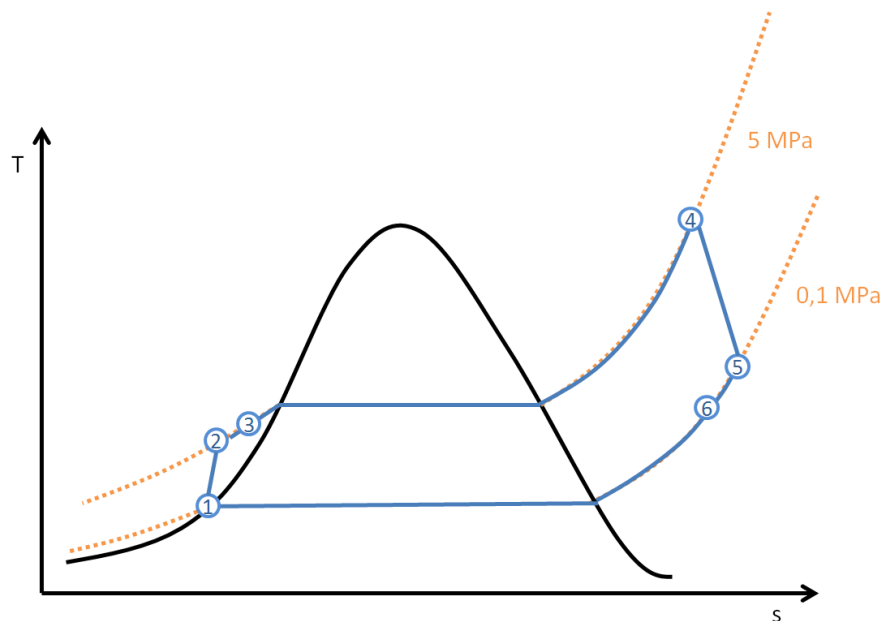
$$\eta_{th} = 1 - \frac{|q_{ab}|}{|q_{zu}|} \quad \textcircled{1P}$$

$$\begin{aligned}
 \eta_{th} &= 1 - \frac{745,7}{1500 + 578,9} = 0,6413 \\
 &= 64,13\% \quad \textcircled{1P}
 \end{aligned}$$

## 4 Aufgabe (27 Punkte)

(a) Skizze des T-s-Diagramms

6 Pkt.



- Für die richtigen Zustandsübergänge 1→2, 2→3, und 5→6 je 0,5 Punkte
- Für die richtigen Zustandsübergänge 3→4, 4→5, und 6→1 je 1 Punkt
- Für die Sättigungslinie 0,5 Punkte
- Für die richtige Darstelllung von  $T_5 > T_3$  und  $T_6 > T_2$  je 0,5 Punkte

(b) Berechnung der Temperatur  $T_2$  (K)

6 Pkt.

$$\eta_{is} = \frac{h_2^* - h_1}{h_2 - h_1} \quad (1P.)$$

$$h_2 = \frac{h_2^* - h_1}{\eta_{is}} + h_1$$

$$s_1 = s'(0,1 \text{ MPa}) = 1,3026 \text{ kJ/kg}$$

$$h_1 = h'(0,1 \text{ MPa}) = 417,46 \text{ kJ/kg}$$

$$p_2 = 5 \text{ MPa}$$

$$s_2^* = s_1 = 1,3026 \text{ kJ/kg}$$

$$\left. \begin{array}{l} s'(5 \text{ MPa}) = 2,9202 \text{ kJ/kg} \\ s_2^* < s'(5 \text{ MPa}) \rightarrow \text{Unterkühlte Flüssigkeit} \end{array} \right\} (1P.)$$

$$\Rightarrow T_2^* = 100^\circ\text{C}$$

$$\Rightarrow h_2^* = 422,72 \text{ kJ/kg} \quad (1P.)$$

$$h_2 = \frac{422,72 \text{ kJ/kg} - 417,46 \text{ kJ/kg}}{0,9} + 417,46 \text{ kJ/kg}$$

$$= 423,34 \text{ kJ/kg} \quad (1P.)$$

$$h'(5 \text{ MPa}) = 1154,23 \text{ kJ/kg}$$

$h_2 < h'(5 \text{ MPa}) \rightarrow$  Unterkühlte Flüssigkeit

$$\Rightarrow T_2 = 100^\circ\text{C} \quad (1P.)$$

(c) Berechnung der Temperatur  $T_3$  (K)

10 Pkt.

Bestimmung  $h_5$ :

$$T_4 = 1000^\circ\text{C}, p_4 = 5 \text{ MPa}$$

$$\left. \begin{array}{l} h_4 = 4.625,7 \text{ kJ/kg} \\ s_4 = 8,1612 \text{ kJ/(kgK)} \end{array} \right\} (1P.)$$

$$s_5^* = s_4 > s''(0,1 \text{ MPa}) = 7,3594 \text{ kJ/(kgK)}$$

$\Rightarrow$  Überhitzter Dampf  $(1P.)$

$$h_5^* = 3074,3 \text{ kJ/kg} \quad (1P.)$$

$$\eta_{is} = \frac{h_4 - h_5}{h_4 - h_5^*} \quad (1P.)$$

$$h_5 = h_4 - (h_4 - h_5^*)\eta_{is}$$

$$= 4.625,7 \text{ kJ/kg} - (4.625,7 \text{ kJ/kg} - 3.074,3 \text{ kJ/kg}) \times 0,9$$

$$= 3.229,44 \text{ kJ/kg} \quad (1P.)$$

Bestimmung  $h_6$ :

$$\left. \begin{array}{l} T_6 = 150^\circ\text{C}, p_6 = 0,1 \text{ MPa} \\ \Rightarrow \text{Überhitzter Dampf} \end{array} \right\} (1P.)$$

$$h_6 = 2776,5 \text{ kJ/kg} \quad (1P.)$$

Bestimmung  $h_3$ :

$$\frac{dE}{dt} \stackrel{!}{=} 0 = \dot{H}_2 - \dot{H}_3 + \dot{H}_5 - \dot{H}_6 - \dot{W}^0 - \dot{Q}^0$$

$$= \dot{m}(h_2 - h_3 + h_5 - h_6) \quad (1P.)$$

$$h_3 = h_2 + h_5 - h_6$$

$$= 423,34 \text{ kJ/kg} + 3229,44 \text{ kJ/kg} - 2776,5 \text{ kJ/kg}$$

$$= 876,38 \text{ kJ/kg} \quad (1P.)$$

$$h_3 < h'(5 \text{ MPa}) = 1154,23 \text{ kJ/kg}$$

⇒ Unterkühlte Flüssigkeit

$$h(5 \text{ MPa}, 200^\circ\text{C}) = 853,9 \text{ kJ/kg}$$

$$h(5 \text{ MPa}, 220^\circ\text{C}) = 944,4 \text{ kJ/kg}$$

$$\begin{aligned} T_3 &= 200^\circ\text{C} + \frac{(220 - 200)^\circ\text{C}}{(944,4 - 853,9) \text{ kJ/kg}} \times (876,38 - 853,9) \text{ kJ/kg} \\ &= 205^\circ\text{C} \quad (1\text{P}) \end{aligned}$$

(d) Berechnung des Thermischen Wirkungsgrads  $\eta_{th}$

3 Pkt.

$$\begin{aligned} \dot{W} &= W_{Turbine} - W_{Pumpe} \\ &= \dot{H}_4 - \dot{H}_5 + \dot{H}_1 - \dot{H}_2 \\ \dot{Q}_{zu} &= \dot{H}_4 - \dot{H}_3 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \eta_{th} &= \frac{\dot{W}}{\dot{Q}_{zu}} \quad (1\text{P}) \\ &= \frac{\dot{H}_4 - \dot{H}_5 + \dot{H}_1 - \dot{H}_2}{\dot{H}_4 - \dot{H}_3} \\ &= \frac{\dot{m} \cdot (h_4 - h_5 - h_2 + h_1)}{\dot{m} \cdot (h_4 - h_3)} \\ &= \frac{h_4 - h_5 - h_2 + h_1}{h_4 - h_3} \quad (1\text{P}) \\ &= \frac{(4625,7 - 3229,44 - 423,34 + 417,46) \text{ kJ/kg}}{(4625,7 - 876,38) \text{ kJ/kg}} \\ &= \frac{1290,38 \text{ kJ/kg}}{3749,32 \text{ kJ/kg}} \\ &= 34,4\% \quad (1\text{P}) \end{aligned}$$

(e) Berechnung des notwendigen Massenstroms  $\dot{m}$  (kg/s)

2 Pkt.

$$\begin{aligned} q_{34} &= h_4 - h_3 \\ &= (4625,7 - 876,38) \text{ kJ/kg} \\ &= 3749,32 \text{ kJ/kg} \quad (1\text{P}) \end{aligned}$$

$$\dot{Q}_{34} = \dot{Q}_W = 5 \text{ MW}$$

$$\begin{aligned} \dot{m} &= \frac{\dot{Q}_{34}}{q_{34}} \\ &= \frac{5 \text{ MW}}{3.749,32 \text{ kJ/kg}} \\ &= 1,335 \text{ kg/s} \quad (1\text{P}) \end{aligned}$$