Aufgabe 3 Thermodynamik II F13

A)

In einem abgeschlossenen System konstanten Volumens befindet sich ein Gasgemisch aus K reaktionsfähigen Komponenten.

Annahme: Das Gasgemisch kann als Gemisch idealer Gase angesehen werden.

a) Leiten Sie allgemein die Gleichgewichtsbedingung

$$\sum_{I=1}^{K} \nu_{I} \, \mu_{I} = 0 \quad \text{mit} \quad \nu_{I} = \nu_{I}'' - \nu_{I}'$$

für die Bruttoreaktionsgleichung

$$\nu'_{A} A + \nu'_{B} B + \ldots \rightleftharpoons \ldots \nu''_{J} J + \nu''_{K} K$$

her!

- b) Wie ist in dieser Beziehung das chemische Potential $\mu_{\rm I}$ definiert?
- c) Bestimmen Sie einen Ausdruck für die Gleichgewichtskonstante $K = \prod_{I=1}^{K} \left(\frac{X_I p}{p_0}\right)^{\nu_I}$ als Funktion der chemischen Potentiale der reinen Komponenten!

B)

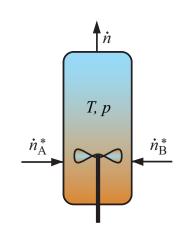
In einem Reaktor reagieren zwei Stoffströme $\dot{n}_{\rm A}^*$ und $\dot{n}_{\rm B}^*$ von reinen Gaskomponenten A und B nach der Bruttoreaktionsgleichung

$$A + 3B \rightleftharpoons 2C$$

bei einer Temperatur T und einem Druck p. Die chemischen Potentiale $\mu_{\rm I}^{*0} = \mu_{\rm I}^{*0}(T,p_0)$, ${\rm I}={\rm A,B,C}$ der reinen Komponenten liegen beim Standarddruck p_0 als Funktion der Temperatur T tabelliert vor.

Annahme: Das Gasgemisch kann als Gemisch idealer Gase angesehen werden.

Geg.:
$$T$$
, p , μ_{A}^{*0} , μ_{B}^{*0} , μ_{C}^{*0}



Ges.:

- a) die Gleichgewichtskonstante K dieser Bruttoreaktion,
- b) die Stoffströme und die Partialdrücke der drei Komponenten A, B und C am Austritt des Reaktors in Abhängigkeit von der gebildeten Stoffmenge $\dot{n}_{\rm C}$ und den eintretenden Stoffströmen, wenn diese im stöchiometrischen Verhältnis $\dot{n}_{\rm A}^* = \dot{n}_0$, $\dot{n}_{\rm B}^* = 3\,\dot{n}_0$ zugeführt werden!
- c) eine Gleichung für den Molenbruch $X_{\rm C}$ am Reaktoraustritt für die Mengenströme nach b), wenn Gleichgewicht eintritt!